

**Pismeni dio ispita iz Matematike II, oktobar 2011.**

1. Odrediti jednačinu tangentne ravni na površ  $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} + \frac{z^2}{c^2} = 1$ , koja je normalna na pravoj  $\frac{x}{1} = \frac{y}{2} = \frac{z}{3}$ .

2. Promijeniti poredak integracije i izračunati dvostruki integral

$$I = \int_0^a y dy \int_0^{a-\sqrt{a^2-y^2}} \frac{x \ln(x+a) dx}{(x-a)^2}.$$

3. Izračunati krivolinijski integral  $\oint_c x ds$ , ako je  $c$  lemniskata

$$(x^2 + y^2)^2 = a^2(x^2 - y^2), a > 0.$$

4. Dato je vektorsko polje  $\vec{A} = (2x(y^2 + z^2) + yz, 2y(z^2 + x^2) + xz, 2z(x^2 + y^2) + xy)$ . Pokazati da je polje  $A$  potencijalno i odrediti mu potencijal. Izračunati fluks vektorskog polja  $\vec{A}$  kroz spoljnu stranu polusfere  $\Gamma: x^2 + y^2 + z^2 - 2z = 0, y \geq 0$ .